

# 江西省2021年初中学业水平考试

## 数学试题参考答案

一、选择题(本大题共6小题,每小题3分,共18分.每小题只有一个正确选项)

1. A    2. C    3. A    4. C    5. D    6. B

二、填空题(本大题共6小题,每小题3分,共18分)

7.  $4.51 \times 10^7$     8.  $(x+2y)(x-2y)$     9. 1    10. 3    11.  $4a+2b$     12. 9或10或18

三、(本大题共5小题,每小题6分,共30分)

13. (1)解:原式 $=1-1+\frac{1}{2}$ ,  
 $=\frac{1}{2}$ .

(2)证明:方法一:

$\because BE$ 平分 $\angle ABC$ ,  $\angle ABC=80^\circ$ ,

$\therefore \angle EBA = \frac{1}{2} \angle ABC = 40^\circ$ .

$\because \angle A = 40^\circ$ ,

$\therefore \angle EBA = \angle A$ .

$\therefore BE = EA$ .

$\because ED \perp AB$ ,

$\therefore AD = BD$ .

方法二:

$\because BE$ 平分 $\angle ABC$ ,  $\angle ABC=80^\circ$ ,

$\therefore \angle EBA = \frac{1}{2} \angle ABC = 40^\circ$ .

$\because \angle A = 40^\circ$ ,

$\therefore \angle EBA = \angle A$ .

$\because ED \perp AB$ ,

$\therefore \angle BDE = \angle ADE = 90^\circ$ .

$\because ED = ED$ ,

$\therefore \triangle BED \cong \triangle AED$ .

$\therefore AD = BD$ .

14. 解:解不等式①,得

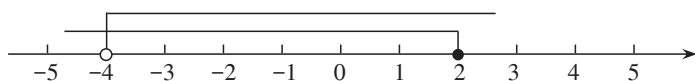
$$x \leq 2.$$

解不等式②,得

$$x > -4.$$

所以原不等式组的解集为 $-4 < x \leq 2$ .

在数轴上表示不等式组的解集,如图所示.



15. 解: (1) 随机

(2) 方法一:

根据题意, 列表如下:

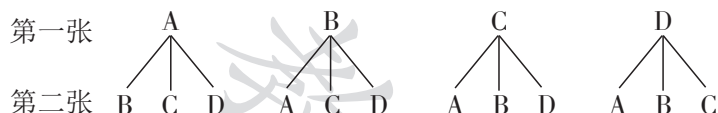
第二张 \ 第一张	A	B	C	D
A		(B, A)	(C, A)	(D, A)
B	(A, B)		(C, B)	(D, B)
C	(A, C)	(B, C)		(D, C)
D	(A, D)	(B, D)	(C, D)	

由上可知: 所有可能出现的结果共有 12 种, 这些结果出现的可能性相等, 其中抽到 A, B 两名志愿者的情况只有 2 种,

$$\text{所以 } P(\text{A, B 两名志愿者被选中}) = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}.$$

方法二:

根据题意, 画树状图如下:



由上可知: 所有可能出现的结果共有 12 种, 这些结果出现的可能性相等, 其中抽到 A, B 两名志愿者的情况只有 2 种,

$$\text{所以 } P(\text{A, B 两名志愿者被选中}) = \frac{2}{12} = \frac{1}{6}.$$

16. 解: (1) 如下图:

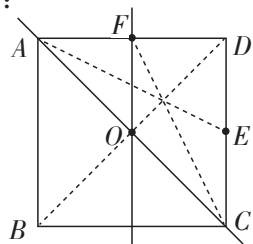


图 1

直线 OF 即为所求;

(2) 如下图:

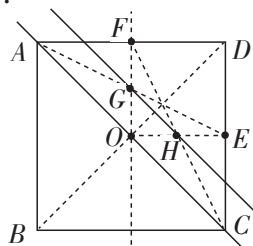


图 2

直线 GH 即为所求.

17. 解: (1) ∵ 点  $A$  在  $y=x$  的图象上,

$$\therefore a=1.$$

$$\therefore A(1, 1).$$

$$\therefore k=1 \times 1 = 1.$$

(2) 过点  $A$  作  $AE \perp x$  轴于点  $E$ , 过点  $B$  作  $BD \perp x$  轴于点  $D$ ,

$$\therefore \angle AEC = \angle BDC = 90^\circ.$$

$$\therefore \angle BCD + \angle CBD = 90^\circ.$$

$$\because \angle ACB = 90^\circ,$$

$$\therefore \angle BCD + \angle ACE = 90^\circ.$$

$$\therefore \angle ACE = \angle CBD.$$

$$\because CA = CB,$$

$$\therefore \triangle BDC \cong \triangle CEA.$$

$$\therefore BD = CE, CD = AE.$$

$$\because C(-2, 0), A(1, 1),$$

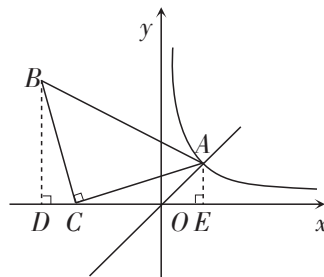
$$\therefore OD = 3, BD = 3.$$

$$\therefore B(-3, 3).$$

设  $AB$  所在直线解析式为  $y = kx + b$ , 得

$$\begin{cases} 1 = k + b, \\ 3 = -3k + b. \end{cases} \text{ 解方程组得 } \begin{cases} k = -\frac{1}{2}, \\ b = \frac{3}{2}. \end{cases}$$

$$\therefore AB \text{ 所在直线解析式为 } y = -\frac{1}{2}x + \frac{3}{2}.$$



四、(本大题共 3 小题, 每小题 8 分, 共 24 分)

18. 解: (1) 设商品的单价是  $x$  元/件, 根据题意得

$$\frac{2400}{x} = \frac{3000}{x} - 10,$$

解得  $x = 60$ .

经检验,  $x = 60$  是原方程的解.

答: 这种商品的单价是 60 元/件.

(2) 48

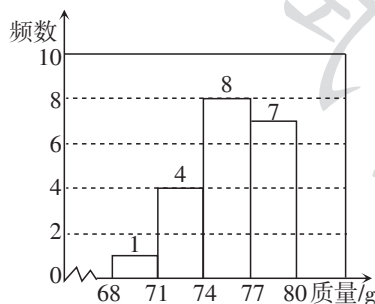
50

(3) 金额

19. 解: (1)  $a=0.5$

$$b=76$$

(2) 补全频数分布直方图, 如图所示:



(3)①从平均数的角度看:  $\bar{x}_甲 = \bar{x}_乙 = 75$ , 所以建议外贸公司可任意选购两厂的鸡腿.

②从中位数的角度看: 甲厂的中位数是 76, 乙厂的中位数是 75,

因为乙厂的鸡腿更接近出口规格, 所以建议外贸公司选购乙厂的鸡腿.

③从众数的角度看: 甲厂的众数是 76, 乙厂的众数是 77,

因为甲厂的鸡腿接近出口规格的更多, 所以建议外贸公司选购甲厂的鸡腿.

④从方差的角度看:  $s^2_甲 = 6.3$ ,  $s^2_乙 = 6.6$ ,

因为甲厂的鸡腿规格更整齐, 所以建议外贸公司选购甲厂的鸡腿.

(4)  $20000 \times \frac{13}{20} = 13000$  (只).

答: 估计可加工成优等品的鸡腿有 13000 只.

20. 解: (1) 过点  $B$  作  $BK \perp MP$  于点  $K$ , 由题意可知四边形  $ABKP$  为矩形.

$\therefore MK = MP - AB = 25.3 - 8.5 = 16.8 \text{ cm}$ .

在  $\text{Rt} \triangle BMK$  中,

$$\cos \angle BMK = \frac{MK}{MB} = \frac{16.8}{42} = 0.4,$$

$\therefore \angle BMK \approx 66.4^\circ$ .

$\therefore \angle MBK = 90^\circ - 66.4^\circ = 23.6^\circ$ .

$\therefore \angle ABC = 23.6^\circ + 90^\circ = 113.6^\circ$ .

答:  $\angle ABC$  的度数为  $113.6^\circ$ .

(2) 延长  $PM$  交  $FG$  于点  $H$ , 由题意得  $\angle NHM = 90^\circ$ ,

$\therefore \angle BMN = 68.6^\circ$ ,  $\angle BMK = 66.4^\circ$ ,

$\therefore \angle NMH = 180^\circ - 68.6^\circ - 66.4^\circ = 45^\circ$ .

在  $\text{Rt} \triangle MNH$  中,

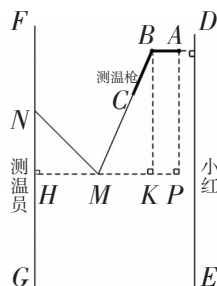
$$\cos 45^\circ = \frac{HM}{MN} = \frac{HM}{28},$$

$\therefore HM = 28 \times \frac{\sqrt{2}}{2} \approx 19.796 \text{ cm}$ .

$\therefore$  枪身端点  $A$  与小红额头的距离为  $50 - 19.796 - 25.3 = 4.904 \text{ cm} \approx 4.9 \text{ cm}$ .

$\therefore 3 < 4.9 < 5$

$\therefore$  枪身端点  $A$  与小红额头距离在规定范围内.



五、(本大题共 2 小题, 每小题 9 分, 共 18 分)

21. (1) 证明:  $\because$  四边形  $ABCD$  内接于  $\odot O$ ,

$\therefore \angle D + \angle ABC = 180^\circ$ .

$\therefore \angle EBC + \angle ABC = 180^\circ$ ,

$\therefore \angle D = \angle EBC$ .

$\because AD$  是  $\odot O$  的直径,

$\therefore \angle ACD = 90^\circ$ .

$\therefore \angle D + \angle CAD = 90^\circ$ .

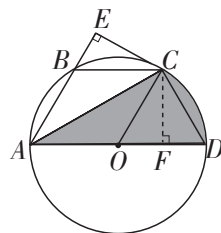
$\therefore CE \perp AB$ ,

$\therefore \angle ECB + \angle EBC = 90^\circ$ .

$\therefore \angle CAD = \angle ECB$ .

(2)解:①四边形 $ABCO$ 是菱形,理由如下:

$\because CE$ 是 $\odot O$ 的切线,  
 $\therefore OC \perp EC$ .  
 $\because AB \perp EC$ ,  
 $\therefore \angle OCE = \angle E = 90^\circ$ .  
 $\therefore \angle OCE + \angle E = 180^\circ$ .  
 $\therefore OC \parallel AE$ .  
 $\therefore \angle ACO = \angle BAC$ .  
 $\because OA = OC$ ,  
 $\therefore \angle ACO = \angle CAD$ .  
 $\therefore \angle BAC = \angle CAD$ .  
 $\because \angle CAD = \angle ECB, \angle CAD = 30^\circ$ ,  
 $\therefore \angle EBC = 90^\circ - 30^\circ = 60^\circ$ .  
 $\therefore \angle BAO = \angle EBC = 60^\circ$ .  
 $\therefore BC \parallel AO$ .  
 $\therefore$ 四边形 $ABCO$ 是平行四边形.  
 $\because OA = OC$ ,  
 $\therefore$ 四边形 $ABCO$ 是菱形.



② $\because$ 四边形 $ABCO$ 是菱形, $AB=2$ ,

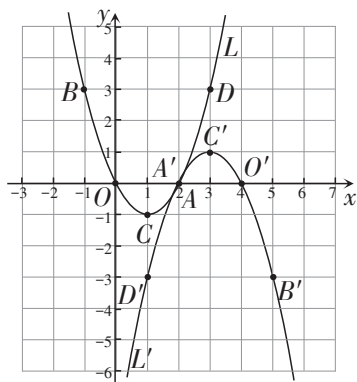
$\therefore AO = AB = 2, AD = 4$ .  
 $\because \angle CAD = 30^\circ$ ,  
 $\therefore CD = 2, AC = 2\sqrt{3}$ .  
 过点 $C$ 作 $CF \perp AD$ 于点 $F$ ,  
 $\therefore CF = \sqrt{3}$ .  
 $\therefore S_{\triangle AOC} = \frac{1}{2} \times 2 \times \sqrt{3} = \sqrt{3}$ .  
 $\because OC \parallel AE$ ,  
 $\therefore \angle DOC = \angle BAO = 60^\circ$ .

$$\therefore S_{\text{扇形} ocd} = \frac{60\pi \times 2^2}{360} = \frac{2}{3}\pi.$$

$$\therefore S_{\text{阴影}} = \sqrt{3} + \frac{2}{3}\pi.$$

22. (1)①(2,0)

②画图如下:



(2)①  $-3 \leq x \leq -1$

②  $y = ax^2$

③解:

$L: y = x^2 - 2mx = (x - m)^2 - m^2$ , 设顶点为  $P(m, -m^2)$ , 过点  $P$  作  $PM \perp x$  轴于点  $M$ ,

“孔像抛物线” $L'$ 的顶点为  $P'$ , 过点  $P'$  作  $P'M' \perp x$  轴于点  $M'$ ,

由题意可知  $\triangle PMA \cong \triangle P'M'A$ . 得  $M'(3m, 0)$ , 所以  $P'(3m, m^2)$ .

$\therefore$  抛物线  $L$  及“孔像抛物线” $L'$  与直线  $y = m$  有且只有三个交点,

$\therefore -m^2 = m$  或  $m^2 = m$ .

解得  $m = \pm 1$  或  $0$ .

当  $m = 0$  时,  $y = x^2$  与  $y = -x^2$  只有一个交点, 不合题意, 舍去.

$\therefore m = \pm 1$ .

六、(本大题共 12 分)

23. (1)  $\angle DCE'$

(2)  $AD^2 + DE^2 = AE^2$

(3)①证明: 连接  $OD, OC$ .

$\because$  点  $O$  是  $\triangle ACD$  两边垂直平分线的交点,

$\therefore OA = OC = OD$ .

$\therefore \angle OAC = \angle OCA, \angle ODC = \angle OCD, \angle OAD = \angle ODA$ .

$\therefore 2\angle OAC + 2\angle ODC + 2\angle ODA = 180^\circ$ ,

即  $2\angle OAC + 2\angle ADC = 180^\circ$ ,

$\therefore \angle OAC + \angle ADC = 90^\circ$ .

$\because \angle OAC = \angle ABC$ ,

$\therefore \angle ADC + \angle ABC = 90^\circ$ .

②解: 作  $\angle CDF = \angle ABC$ , 过点  $C$  作  $CE \perp DF$  于点  $E$ , 连  $AE$ .

$\because \angle ABC + \angle ADC = 90^\circ$ ,

$\therefore \angle ADC + \angle CDF = 90^\circ$ .

$\therefore AD^2 + DE^2 = AE^2$ , 即  $m^2 + DE^2 = AE^2$ .

$\because \angle BAC = 90^\circ, \frac{AB}{AC} = 2$ ,

$\therefore AC:AB:BC = 1:2:\sqrt{5}$ .

同理可得  $CE:DE:DC = 1:2:\sqrt{5}$ .

$\therefore \frac{AC}{BC} = \frac{CE}{CD}$ .

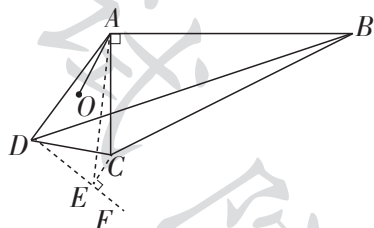
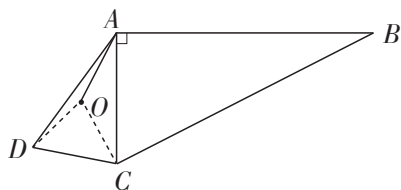
$\because \angle CDF = \angle ABC$ ,

$\therefore \angle ACB = \angle DCE$ .

$\therefore \angle BCD = \angle ACE$ .

$\therefore \triangle ACE \sim \triangle BCD$ .

$\therefore \frac{AE}{BD} = \frac{AC}{BC} = \frac{1}{\sqrt{5}}$ .



$$\therefore AE = \frac{BD}{\sqrt{5}}.$$

在  $\text{Rt}\triangle CDE$  中,  $\frac{DE}{DC} = \frac{2}{\sqrt{5}},$

$$\therefore DE = \frac{2}{\sqrt{5}}n.$$

$$\therefore m^2 + \left(\frac{2}{\sqrt{5}}n\right)^2 = \left(\frac{BD}{\sqrt{5}}\right)^2, \text{ 即 } m^2 + \frac{4}{5}n^2 = \frac{BD^2}{5}.$$

$$\therefore BD^2 = 5m^2 + 4n^2.$$

$$\therefore BD = \sqrt{5m^2 + 4n^2}.$$